

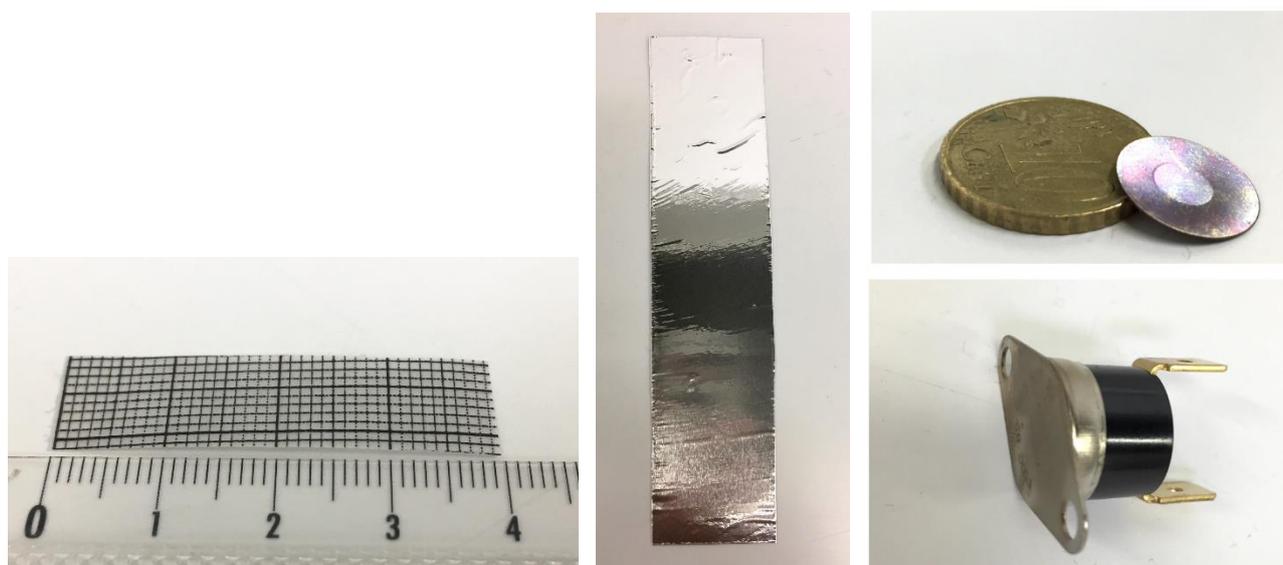
# Le bilame : principe de fonctionnement et applications

Cette ressource fait partie du dossier « Physique et ingénierie des objets » est co-rédigé et co-publié avec le site [Culture Sciences Physique](#) afin de proposer des ressources co-enseignées.

Cette ressource présente le bilame : son histoire, comment il est constitué, quelles sont ses fonctionnalités et ses propriétés. Des expériences simples et des exemples d'application sont proposés.

## 1 – Qu'est-ce qu'un bilame ?

Un bilame, comme son nom l'indique, est un objet constitué de la juxtaposition de deux lames de matériaux différents. C'est grâce aux propriétés différentes de ces deux matériaux qu'il va être utilisé. Sur la figure 1, nous proposons trois bilames différents afin d'observer leur comportement.



*Bilame 1: bilame réalisé en superposant une couche de ruban adhésif sur une feuille de papier calque millimétrée*

*Bilame 2: bilame fabriqué à l'aide du collage d'un film d'aluminium sur une bande de carton*

*Bilame 3: bilame issu d'un thermostat*

*Figure 1 : Étude de trois bilames différents, source [1]*

Le bilame 1 est posé dans une bassine d'eau, les bilames 2 et 3 sont chauffés. Les vidéos de ces expériences se retrouvent à partir de ce [lien](#).

Dans la première expérience, nous avons réalisé un bilame en superposant un morceau de ruban adhésif sur un bout de papier. Lorsqu'on le plonge dans l'eau, on voit le bilame s'enrouler, le côté papier à l'extérieur. On réalise l'expérience test de mesure du même bout de papier (sans le ruban adhésif) avant et après être plongé dans l'eau, figures 2 et 3.

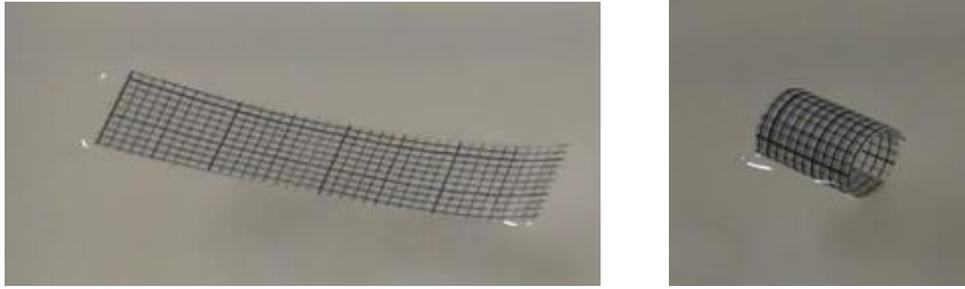
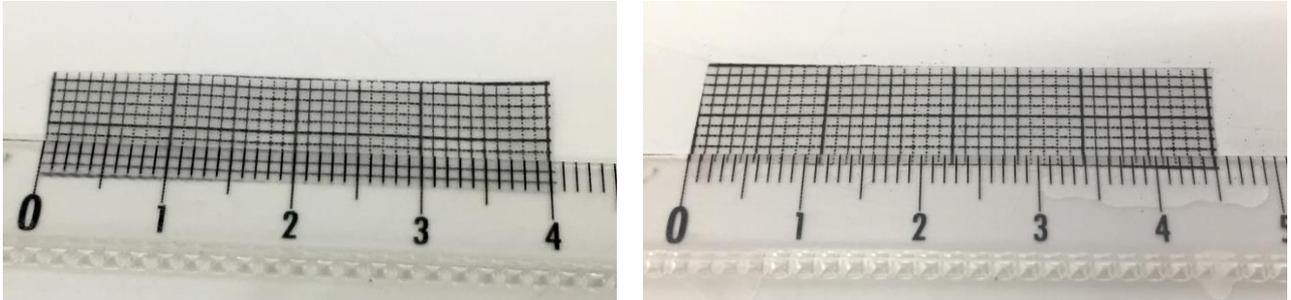


Figure 2 : Images extraites de la vidéo de l'expérience avec le bilame 1 : début et fin de l'expérience



(a) Papier avant d'être plongé dans l'eau

(b) Papier après avoir été plongé dans l'eau

Figure 3 : Mesure de la taille du papier utilisé avant et après être plongé dans l'eau

On constate que le papier s'est dilaté dans l'eau. Par contre, la taille du ruban adhésif reste la même. La dilatation d'un des côtés du bilame provoque une déformation de celui-ci.

De la même manière, lorsque le bilame 2 est chauffé, une de ses faces se dilate sous l'effet de la chaleur et il se courbe, figure 4.



Figure 4 : Images extraites de la vidéo de l'expérience avec le bilame 2 : début et fin de l'expérience

La géométrie du bilame 3 est un peu différente. Il a la forme d'un disque courbé. Ainsi, en le chauffant, lorsqu'une de ses faces se dilate, sa courbure se renverse, figure 1b. Une fois refroidi, il vient reprendre sa courbure initiale.

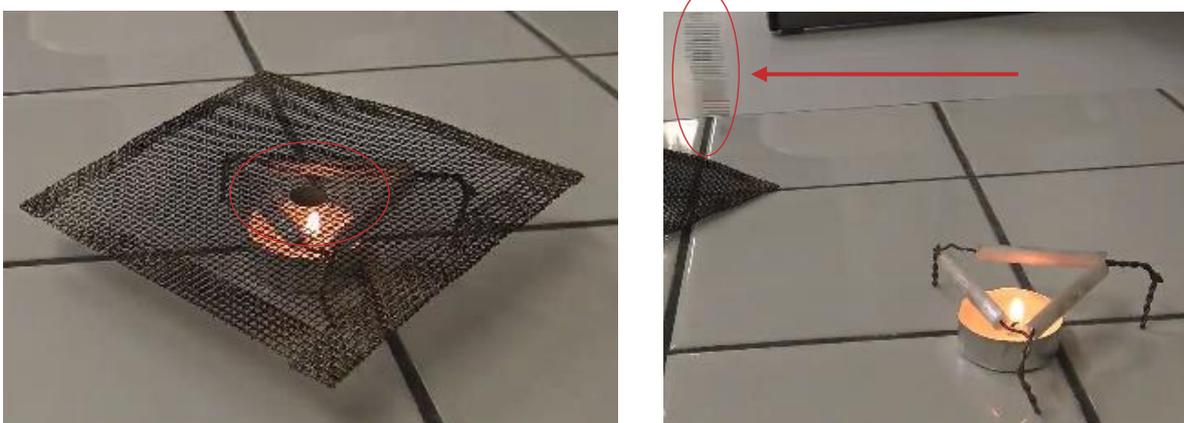


Figure 5 : Images extraites de la vidéo de l'expérience avec le bilame 3 : début et fin de l'expérience

## 2 – Retour historique sur l'apparition du bilame

### 2.1 - Première utilisation connue du bilame

Historiquement, la première utilisation ou invention connue d'un bilame a été faite par l'horloger anglais John Harrison<sup>1</sup> au XVIII<sup>e</sup> siècle [1]. Cet horloger a travaillé sur de nombreuses horloges et pendules et suite à un concours lancé pour mesurer le plus exactement le temps et repérer ainsi précisément les longitudes, lors des voyages en bateau, il a développé plusieurs prototypes de montres marines.

C'est lors de la création de son troisième chronomètre marin (H3), figure 6, en 1759, que John Harrison met en place un système de bilame pour compenser les effets de changements de température à bord [2]. Il est d'ailleurs remarquable de noter qu'avec son quatrième chronomètre (H4), figure 7, sur le trajet transatlantique, départ le 18 novembre 1761 de Grande Bretagne et arrivée le 19 janvier 1762 en Jamaïque [3], H4 affiche en retard de 5 secondes, soit une erreur de longitude de 1,25 minute, environ un mille marin (1 852 m).



Figure 6 : Photographie du chronomètre H3 de John Harrison, première utilisation connue d'un bilame, source [2]



Figure 7 : Photographie du chronomètre H4 de John Harrison, source [2]

Plus tard, le capitaine James Cook<sup>2</sup> utilisera une copie du chronomètre H4 lors de ses voyages dans le sud de l'Océan Pacifique.

En 2006, une plaque est installée à la mémoire de John Harrison dans *Westminster Abbey* avec, en son centre, un bilame sur lequel est noté la longitude, figure 8.

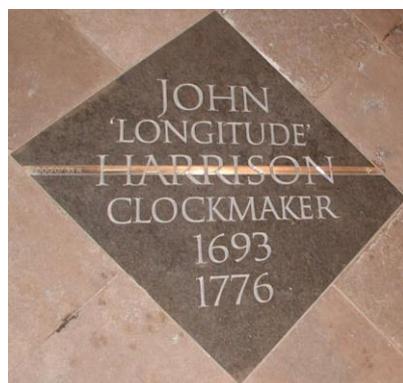


Figure 8 : Plaque placée à la mémoire de John Harrison dans *Westminster Abbey*. Un bilame est inséré pour rendre hommage à son premier utilisateur, source [4]

<sup>1</sup> John Harrison (1693-1776), artisan ébéniste et horloger autodidacte britannique

<sup>2</sup> James Cook (1728-1779), navigateur, explorateur et cartographe britannique

## 2.2 - Intérêt du bilame dans les montres marines

Au XVIII<sup>e</sup> siècle, les horloges sont souvent équipées d'un ressort spiral et d'un balancier en acier. On constate que l'horloge retarde lorsque la température augmente et qu'elle avance lorsque la température diminue car le module d'élasticité (ou module d'Young) du ressort spiral, augmente lorsque la température augmente, figure 9 [5].

L'effet d'une variation de température sur le module d'élasticité du ressort spiral en acier a un impact très important sur la marche de la montre. Un écart de +10 °C provoque un retard de plus de 2 minutes par jour pour un système balancier/spiral non compensé.

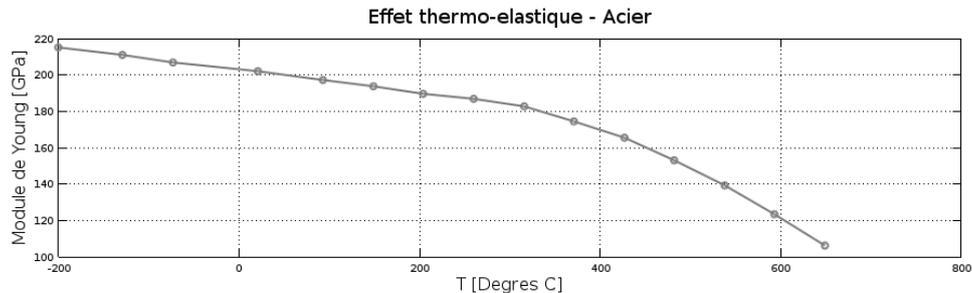


Figure 9 : Évolution du module de Young du ressort spiral en acier en fonction de la température, source [5]

John Harrison utilise alors dans ses montres marines un ressort spiral bilame cuivre/acier. La courbure provoquée par la modification de température agit sur la longueur du ressort. Un ressort spiral plus long sera plus souple et entraînera un retard, compensant ainsi l'effet accélérateur de la baisse de température. À l'inverse, un ressort spiral plus court sera plus rigide et entraînera une avance compensant l'effet de retard de la hausse de température [5].

À la suite de John Harrison, en 1766, Pierre Le Roy<sup>3</sup> et plus tard, John Arnold<sup>4</sup> proposent une méthode de compensation de la température en jouant, cette fois, sur un balancier bimétallique. L'objectif est de modifier l'inertie du balancier lorsque la température varie afin de compenser les variations de la rigidité du ressort spiral en acier.

En 1862, l'astronome français Yvon Villarceau<sup>5</sup> dans un « Mémoire sur le mouvement et la compensation des chronomètres », publié dans les « Annales de l'Observatoire », s'intéresse au mouvement du balancier ainsi qu'à la théorie du balancier bilame : compensation et réglage [6]. Il propose dans la foulée une nouvelle formule pour aider les navigateurs à corriger la marche des montres marines, figure 10 [7] [8].

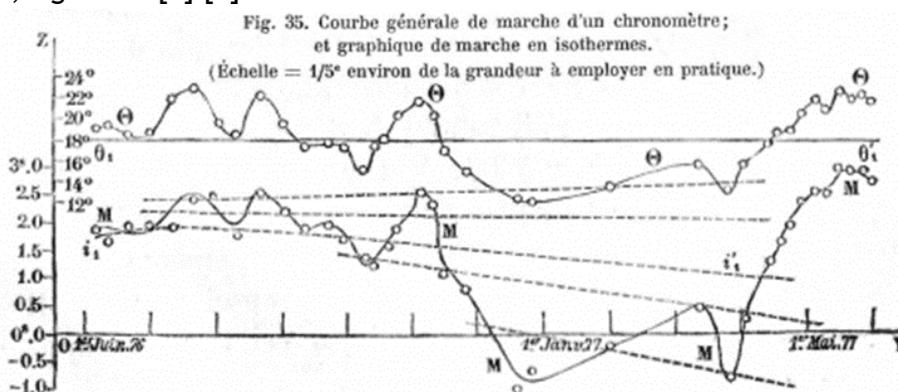


Figure 10 : Exemple de courbes isothermes de la marche des chronomètres, source [7]

<sup>3</sup> Pierre Le Roy (1717-1785), astronome, physicien et horloger français

<sup>4</sup> John Arnold (1736-1799), Inventeur et horloger anglais

<sup>5</sup> Antoine François Joseph Yvon Villarceau (1813-1883), ingénieur, astronome et mathématicien français

### 3 – Mise en équation du phénomène

#### 3.1 - Déformation d'un unique matériau

Dans cette partie nous allons nous intéresser à la déformation d'une seule lame.

Afin d'étudier la déformation d'un bilame, nous proposons dans un premier temps de réaliser l'expérience témoin avec un seul matériau. Prenons comme premier exemple une feuille de papier que l'on vient déposer dans une bassine d'eau, figure 11. La vidéo de cette expérience est disponible sur ce [lien](#).

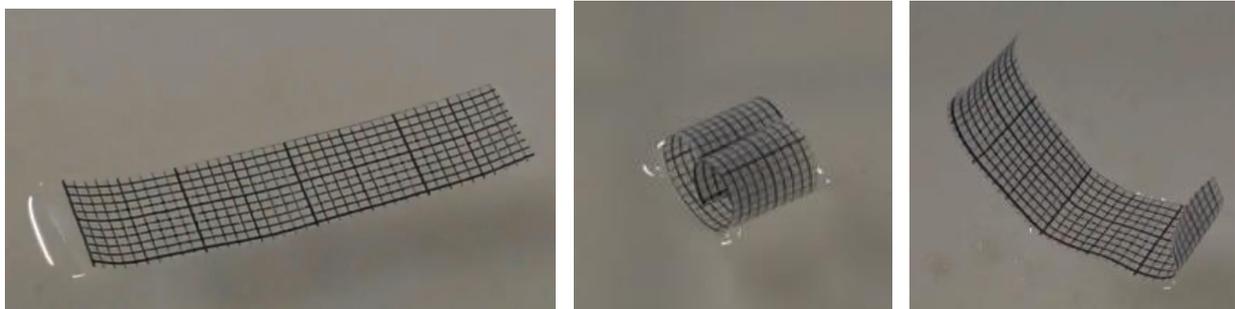


Figure 11 : Images extraites de la vidéo de l'expérience avec une simple feuille de papier : début, phase intermédiaire et fin de l'expérience

Dans chacun des cas, on observe que la dilatation, soit due à l'absorption d'eau ou à l'augmentation de chaleur de chaleur, produit une déformation du côté du matériau en contact direct (ou le plus proche) de la source. Ensuite l'humidité, ou la chaleur s'uniformise et le matériau vient reprendre une forme plane. On voit donc une déformation transitoire du matériau.

Considérons, figure 12, une poutre en matériau isotrope et homogène, sa longueur  $L_0$  à la température  $T_0$ , s'accroît de  $\Delta L = L - L_0$  si l'on augmente sa température de  $\Delta T = T - T_0$  tel que :

$$\Delta L = \alpha \cdot L_0 \cdot \Delta T$$

Avec  $\alpha$  le coefficient de dilatation linéaire du matériau à  $T_0$ .

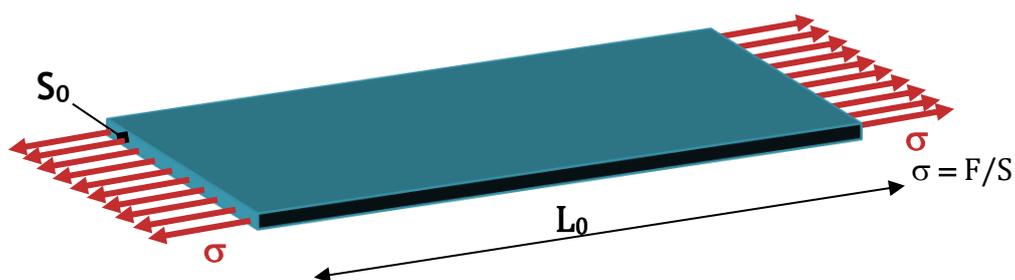


Figure 12 : Schématisation des contraintes thermiques longitudinales dans un matériau.

Selon les hypothèses de la résistance des matériaux, nous considérons que les déformations sont faibles devant les dimensions de la poutre, la variation de section est négligeable et les sections planes normales à la ligne moyenne avant déformation le restent après déformation.

Dans la limite d'élasticité du matériau, la loi de Hooke s'exprime par :

$$\sigma = E \cdot \varepsilon$$

Le module d'Young  $E$ , ou module d'élasticité, est la grandeur qui relie la contrainte normale  $\sigma$  (étirement ou compression) subie par le matériau à la déformation élastique  $\varepsilon$  (allongement ou raccourcissement) qui en résulte [9].

$$\sigma = E \frac{\Delta L}{L_0}$$

La contrainte créée par l'élévation de température est ainsi proportionnelle au coefficient de dilatation et au module d'Young du matériau :

$$\sigma = E.\alpha.\Delta T$$

Lorsqu'on étudie les contraintes thermiques d'un volume,  $\sigma$  aura la forme d'un tenseur de contraintes.

### 3.2 - Déformation d'un bilame

Un bilame est constitué de la juxtaposition de deux matériaux différents dont le coefficient de dilatation n'est pas le même, figure 13.

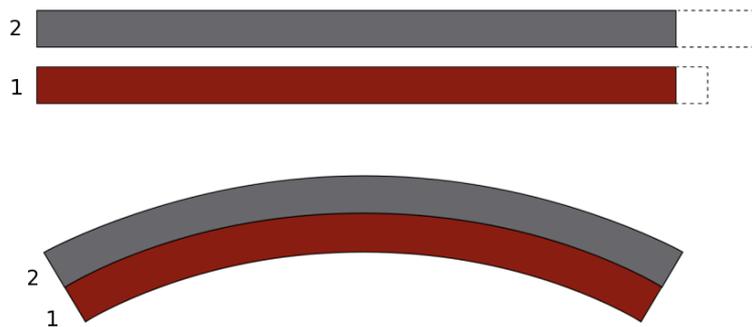


Figure 13 : Constitution d'un bilame et déformation sous l'effet de la chaleur, source [10]

Considérons, par exemple, le matériau 1, sa longueur  $L_0$  à la température  $T_0$ , s'accroît de  $L-L_0$  si l'on augmente sa température de  $T-T_0$  tel que :

$$\frac{L - L_0}{L_0} = \alpha(T - T_0)$$

Avec  $\alpha$  le coefficient de dilatation linéaire du matériau à  $T_0$ .

Le module d'Young, ou module d'élasticité, est la grandeur qui relie la contrainte normale  $\sigma$  (étirement ou compression) subie par le matériau à la déformation élastique  $\varepsilon$  (allongement ou raccourcissement) qui en résulte. Dans la limite d'élasticité du matériau, la loi de Hooke donne :

$$\sigma = E.\varepsilon$$

Avec l'allongement relatif  $\varepsilon = \frac{L-L_0}{L_0}$

Au sein du matériau, dans cet assemblage plus complexe, il se crée d'autres contraintes entre les deux matériaux. Ils se déforment collés l'un sur l'autre.

La contrainte créée par l'élévation de température est proportionnelle au coefficient de dilatation et au module d'Young du matériau :

$$\sigma = E .\alpha(T-T_0)$$

L'analyse des contraintes et de la déflexion d'un bilame idéal ont été obtenues en 1865 par Yvon Villarceau [11] [12].

L'équation générale donnant le rayon de courbure  $R$  d'un bilame plat uniformément chauffé d'une température  $T_0$  à  $T$  en l'absence de forces extérieures est donnée par :

$$\frac{1}{R} - \frac{1}{R_0} = \frac{3}{2} \frac{(\alpha_2 - \alpha_1)(T - T_0)}{1 + \frac{(E_1 s_1^2 - E_2 s_2^2)^2}{4E_1 s_1 E_2 s_2 s^2}}$$

Avec :

- $R_0$  le rayon de courbure initial à la température  $T_0$  ;
- $\alpha_1$  et  $\alpha_2$  les coefficients de dilatation des matériaux 1 et 2 (1 pour le matériau le moins extensible) ;
- $E_1$  et  $E_2$  les modules d'Young des deux matériaux ;
- $s_1$  et  $s_2$  les épaisseurs des deux matériaux ;
- $s = s_1 + s_2$  l'épaisseur du bilame.

Dans la plupart des applications industrielles, les bilames suivent des spécifications standards (DIN 1715 en Europe). Par exemple, l'épaisseur des deux matériaux est souvent la même ( $s_1 / s_2 = 1$ ), et en prenant deux matériaux dont le module d'Young est presque le même ( $E_1 / E_2 \approx 1$ ), le calcul du rayon de courbure se simplifie :

$$\frac{1}{R} - \frac{1}{R_0} \approx \frac{3(\alpha_2 - \alpha_1)(T - T_0)}{2s}$$

On définit la flexibilité (ou courbure spécifique) par le facteur  $k$  :

$$k = \frac{3(\alpha_2 - \alpha_1)}{2}$$

Pour un bilame plat, maintenu à une extrémité et sans courbure initiale à la température  $T_0$ , figure 14, on a :

$$\frac{1}{R} = \frac{k(T - T_0)}{s}$$

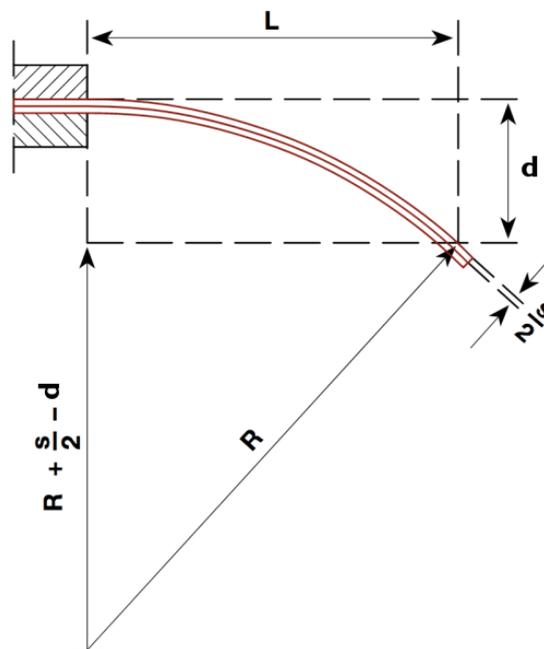


Figure 14 : Déformation du bilame sous l'effet de la chaleur, source [10]

Pour trouver la déflexion  $d$ , on applique le théorème de Pythagore :

$$\left(R + \frac{s}{2}\right)^2 = \left(R + \frac{s}{2} - d\right)^2 + L^2$$

En général, la déflexion du bilame est plus petite que 10% de sa longueur L, on peut donc simplifier l'équation précédente en :

$$d = \frac{k(T - T_0)L^2}{2s}$$

Un exemple de courbe de réponse d'un bilame est présenté sur la figure 15. On voit une zone pour laquelle la déflexion augmente linéairement avec la température. Selon les applications utilisant le bilame, il peut être intéressant d'avoir une sensibilité constante du système. Pour d'autres applications, le domaine d'utilisation peut être étendu jusqu'à une température limite qui correspond à la limite d'élasticité (provoquant une déformation permanente) d'un des composants utilisé.

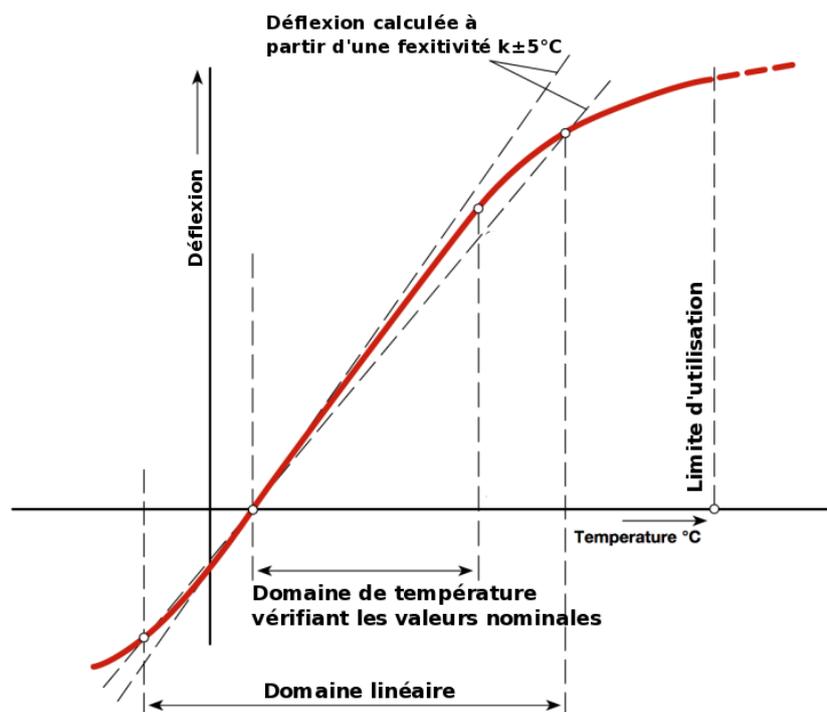


Figure 15 : Déflexion en fonction de la température, source [10]

## 4 – Propriétés des bilames

### 4.1 - Résistivité

L'échauffement d'un bilame peut être créé par effet Joule. Dans ce cas on a besoin de bien connaître la résistance du bilame.

La résistivité du bilame est donnée par :

$$\rho = \frac{RS}{L}$$

Avec R la résistance mesurée [ $\Omega$ ], L la longueur du bilame [m] et S sa section (épaisseur  $\times$  largeur) [ $m^2$ ].

### 4.2 - Alliages

#### 4.2.1 - Retour au XIX<sup>e</sup> siècle

Encore une fois, ici, il est intéressant de faire un retour historique sur la recherche des matériaux utilisés.

Fils d'horloger, Charles-Edouard Guillaume<sup>6</sup> était un physicien suisse. En 1883, il obtient un poste au Bureau International des Poids et Mesures (BIPM) à Sèvres près de Paris. Sa connaissance du monde horloger et des problématiques liées à la précision d'une montre le mène à poursuivre ses recherches sur les alliages fer/nickel. En effet il se souvient des observations de son père qui relevait que la bonne marche d'une montre sous différentes températures dépendait non seulement de la longueur du ressort spiral mais également de son élasticité [5].

Il travaille sur des alliages constitués de fer et de nickel. Ces alliages présentent des anomalies intéressantes au niveau de leur coefficient de dilatation thermique. Il demande alors aux fonderies *Commentry, Fourchambault et Decazeville* de lui fournir une barre fer 60% - nickel 30% et constate un coefficient de dilatation thermique environ 4 fois plus faible que celui du fer ou du nickel. Il teste ensuite, avec le soutien de ces fonderies, plus de 600 variations de l'alliage Fer/Nickel

En 1897 il publie un article montrant en particulier que l'alliage comprenant 36% de Nickel possède le coefficient de dilatation le plus faible (figure 16), largement inférieur à celui du platine iridium (matière utilisée pour les étalons des premières « règles-étalons »). Cet alliage sera nommé **Invar** par Marc Thury<sup>7</sup> et il aura des applications immédiates dans la métrologie ainsi que pour la confection de balanciers de pendules [5] [13].

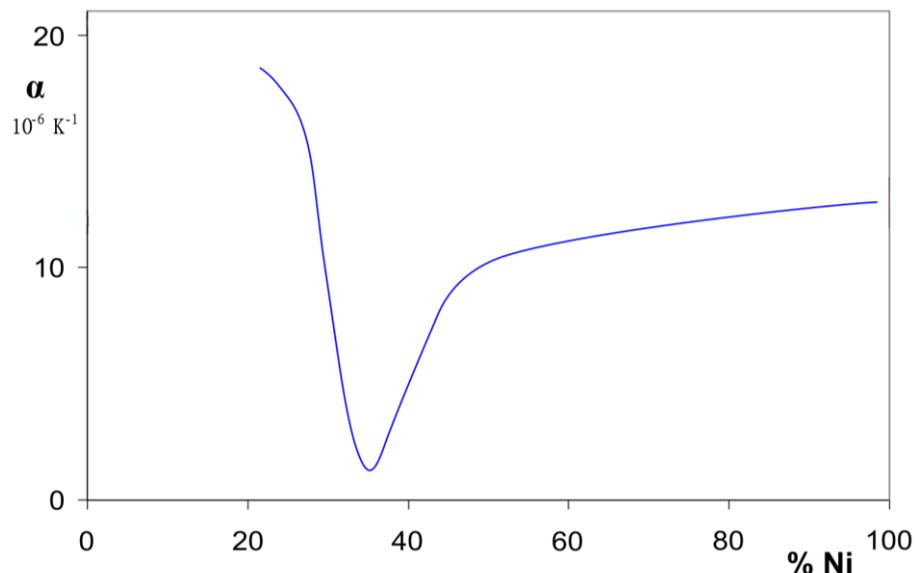


Figure 16 : Évolution du coefficient de dilatation en fonction de la teneur massique en nickel dans l'alliage Fe-Ni, source [14]

La découverte de l'Invar vaut à Charles-Edouard Guillaume le prestigieux Prix Nobel de physique en 1920.



### The Nobel Prize in Physics 1920

The Nobel Prize in Physics 1920 was awarded to Charles Edouard Guillaume "in recognition of the service he has rendered to precision measurements in Physics by his discovery of anomalies in nickel steel alloys."

Figure 17 : Le Prix Nobel de physique 1920 a été attribué à Charles-Edouard Guillaume pour ses travaux sur les alliages et notamment l'Invar, source [15]

<sup>6</sup> Charles-Edouard Guillaume (18861-1938), physicien suisse, lauréat du prix Nobel de physique en 1920

<sup>7</sup> Jean Marc Antoine Thury (1822-1905), ingénieur, botaniste suisse, professeur à l'université de Genève

#### 4.2.2 - Exemples de matériaux composants les bilames

L'Invar est très fréquemment utilisé en guise de matériau le moins extensible dans les bilames.

Le tableau 1 présente les différents matériaux, leurs caractéristiques physiques, leur dénomination pour des bilames couramment utilisés.

Tableau 1 : Exemples de matériaux utilisés pour les bilames

Dénomination	Composition	Coefficient de dilatation [10 <sup>-6</sup> °C <sup>-1</sup> ]	Module l'élasticité [10 <sup>-12</sup> N.m <sup>-2</sup> ]	Température limite de linéarité [°C]	Température limite d'emploi [°C]	Résistivité à 20 °C [μΩ.cm]	Module d'Young à 20 °C [N.m <sup>-2</sup> ]	Conductivité thermique [W.m <sup>-1</sup> K <sup>-1</sup> ]
AS	<b>Invar :</b> Ni = 36%, Fe = 64%	0,5	0,151	200	500	79	0,168	10,88
	<b>B6M :</b> Ni = 20%, Mn = 6%, Fe = 74%	20,4	0,198					
R15	<b>Invar :</b> Ni = 36%, Fe = 64%	0,5	0,151	200	500	16,6	0,172	54,42
	<b>Nickel :</b> Ni > 99,5%, Fe = solde	13	0,22					
SP 21 N	<b>Invar :</b> Ni = 36%, Fe = 64%	0,5	0,151	200	350	112	0,136	7,63
	<b>Bilman :</b> Mn = 74%, Cu = 10%, Ni = 16%	29	0,118					

## 5 – Constitution, forme, matériaux

Les bilames sont produits par co-laminage de deux bandes de métal comme on peut le voir figure 18, les deux matériaux se trouvent ainsi solidarisés.



Figure 18 : Co-laminage à la société Kanthal, source [10]

Il existe différentes formes de bilames, figure 19.

L'étude théorique s'est principalement intéressée à un bilame plat à déformation continue, mais d'autres formes géométriques de bilames avec des conditions aux limites différentes permettent d'autres comportements. Par exemple, les bilames sous forme de disques incurvés ont un comportement discontinu, la déformation macroscopique du bilame est brusque et instantanée (on les appelle justement bilames à retournement brusque). Certains bilames reviennent ensuite naturellement vers leur courbure initiale alors que d'autres restent dans leur nouvelle position.

On trouve encore des bilames en spirale ou hélicoïdaux. Tous les bilames ne sont pas forcément réversibles, on trouve, par exemple, des boîtiers de bilame à retournement brusque, sur lesquels un bouton poussoir est placé afin de les ré-enclencher (retourner la courbure dans le sens initial).



Figure 19 : Différentes formes et boîtiers de bilames, source [10]

## 6 – Applications

Les bilames ont de multiples applications. Ils peuvent être utilisés pour donner une indication (mesure de la température), pour contrôler une installation (régulation, limiteur de temps) ou encore pour protéger des dispositifs électriques (interrupteur).

La figure 20 regroupe les croquis de différentes fonctionnalités : rôle d'interrupteur dans un disjoncteur thermique, limiteur du temps dans un allume cigare, mesure de la température, régulation de la température dans un robinet mitigeur thermostatique ou un système de ventilation, interrupteur dans une bouilloire électrique, ou encore régulateur de vapeur dans un système de purge.

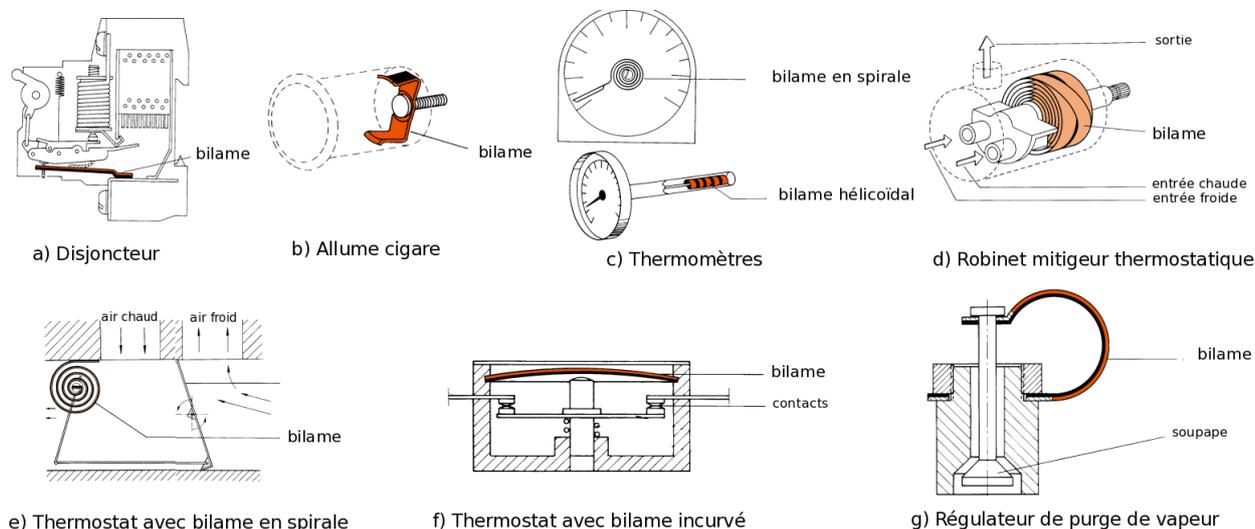


Figure 20 : Différentes applications des bilames, source [10]

Les bilames plats et incurvés (à retournement brusque ou cloquant) sont utilisés principalement comme interrupteurs thermiques. Les bilames entortillés en spirale ou hélicoïdaux offrent une plus grande sensibilité, ils sont alors plutôt utilisés comme thermomètres ou thermostats (figure 20).

Comme nous venons de le voir, les bilames peuvent être chauffés de plusieurs manières : par conduction (le bilame est directement en contact avec la source de chaleur), par convection ou par effet joule lors du passage d'un courant.

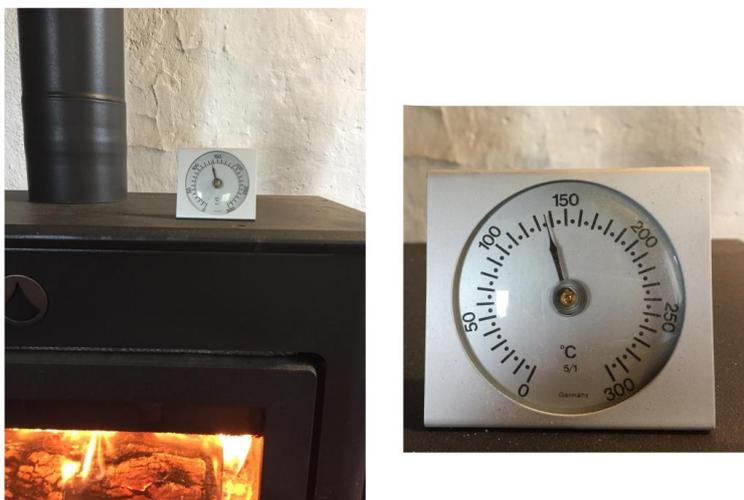


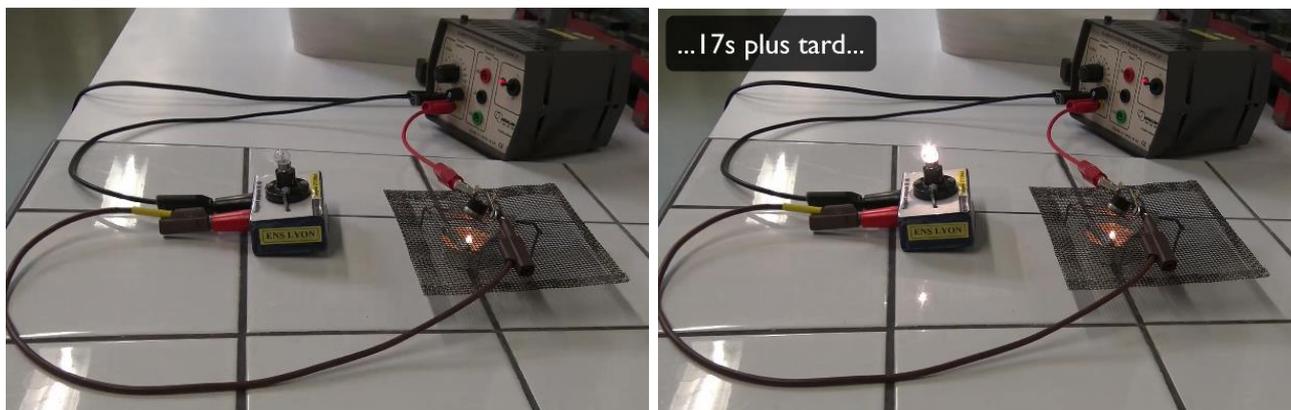
Figure 21 : Bilame spiral utilisé comme thermomètre

Il est simple et modique d'illustrer le fonctionnement d'un bilame. Par exemple, ici nous proposons de mettre en évidence le rôle d'interrupteur thermique d'un bilame à retournement brusque, figure 22. La vidéo de cette expérience est disponible sur ce [lien](#).

Nous réalisons un circuit à l'aide d'une ampoule (témoin du passage du courant dans le circuit) en série avec un générateur et un thermostat bilame. Le bilame est initialement à température ambiante, il joue le rôle d'interrupteur ouvert, ce modèle est prévu pour se fermer dès que la température dépasse 60°C.

Une bougie, source chaude, est ajoutée pour faire monter la température du bilame. Dès que la température de basculement du bilame est atteinte, la courbure du bilame se renverse, le bilame se comporte comme un interrupteur fermé et l'ampoule s'allume. Si l'on fait refroidir le bilame, par exemple en le posant sur un sac de glaçons, jusqu'en dessous de sa température de consigne, la courbure se renverse et on retrouve un rôle d'interrupteur ouvert, la lampe s'éteint.

Ce bilame pourrait, par exemple, être employé pour activer une commande dès que la température d'une enceinte est supérieure à 60°C.



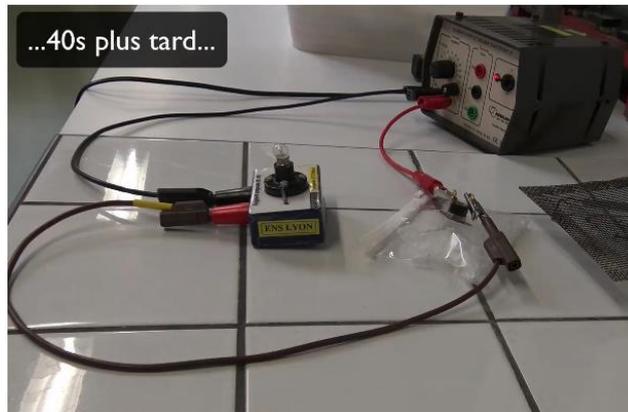


Figure 22 : Images extraites de la vidéo de mise en évidence du rôle d'interrupteur thermique d'un bilame

### Dossier Physique et Ingénierie des Objets

Retrouvez toutes les ressources du dossier « [Dossier Physique et Ingénierie des Objets](#) »

Retrouvez « Physique et Ingénierie des Objets » sur le site [Culture Sciences Physique](#)

## Références :

[1]: The measurement, instrumentation and sensors handbook

[2]: Time Restored : The Story of the Harrison Timekeepers and R.T. Gould, 'The Man who Knew (almost) Everything'. Jonathan Betts, Senior Specialist, Horology, National Maritime Museum / Royal Observatory, Greenwich,  
<https://web.archive.org/web/20081219102103/http://www.nmm.ac.uk/upload/pdf/Gould-Harrison-longitude-JBetts.pdf>

[3]: John Harrison biography, Welcome to Rob Ossain's Pirate's cove !  
[http://www.thepirateking.com/bios/harrison\\_john.htm](http://www.thepirateking.com/bios/harrison_john.htm)

[4]: Memorial in Westminster Abbey, Public Domain,  
<https://en.wikipedia.org/w/index.php?curid=4511302>

[5]: Compensation des effets des variations de température sur la marche d'une montre, SuisseMontre.com,  
[https://www.suissemontre.com/histoire\\_des\\_techniques/compensationTemperature.php](https://www.suissemontre.com/histoire_des_techniques/compensationTemperature.php)

[6]: Pratiques et techniques en plaisance, Les apports essentiels du XIX<sup>e</sup> siècle,  
<http://www.plaisance-pratique.com/Chap-10-Les-apports-essentiels-du>

[7]: De quelle précision a-t-on réellement besoin en mer ?, Guy Boistel, Histoire et Mesure,  
<https://journals.openedition.org/histoiremesure/1748>

[8]: Comptes rendus des séances de l'académie des sciences, juillet-décembre 1865,  
<https://gallica.bnf.fr/ark:/12148/bpt6k3018b?rk=21459;2>

[9]: [Dilatation et contraintes thermiques dans les solides : application aux bilames](#), BUP n° 940, janvier 2012. [http://bupdoc.udppc.asso.fr/consultation/une\\_fiche.php?ID\\_fiche=21161](http://bupdoc.udppc.asso.fr/consultation/une_fiche.php?ID_fiche=21161)

- [10]: Thermostatic Bimetal Handbook, Kanthal,  
[https://www.ibt.co.il/uploaded\\_files/documents/Kanthal\\_Thermostatic\\_Bimetal\\_U3743.pdf](https://www.ibt.co.il/uploaded_files/documents/Kanthal_Thermostatic_Bimetal_U3743.pdf)
- [11]: Pyromètre à bilames, J. Jouanneau, janvier 1985, Techniques de l'ingénieur,  
<https://www.techniques-ingenieur.fr/base-documentaire/archives-th12/archives-mesures-physiques-tiarc/archive-1/pyrometres-a-bilames-r2540/>
- [12]: Traité de construction horlogère, Michel Vermot, Philippe Bovay, Damien Prongué. Presses polytechniques et universitaires romandes, 2011
- [13]: Applications des aciers au nickel à la chronométrie, Ch. Éd. Guillaume, janvier 1904,  
<https://hal.archives-ouvertes.fr/jpa-00240880/document>
- [14]: RicHard-59 – Travail personnel, based on png-version, CC BY-SA 3.0,  
<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=18627110>
- [15]: The Nobel Prize, <https://www.nobelprize.org/prizes/physics/1920/summary/>
- [16]: Thermostatic Bimetal Designer's Guide, Engineered Materials Solutions,  
[https://www.emsclad.com/fileadmin/Data/Divisions/EMS/Header/Bimetal\\_Desingers\\_Guide.pdf](https://www.emsclad.com/fileadmin/Data/Divisions/EMS/Header/Bimetal_Desingers_Guide.pdf)