# BACCALAURÉAT SCIENTIFIQUE Épreuve de sciences de l'ingénieur Session de septembre 2013

Robot domestique laveur de sol SCOOBA 385

# Éléments de correction

## Réponse au besoin

Objectif de cette partie : analyser le besoin à l'origine de la conception du robot et comprendre le fonctionnement général de la solution retenue.

**Q1. Déterminer**, en fonction de ces éléments, la durée théorique hebdomadaire nécessaire au nettoyage d'une surface de 80 m². Si l'on considère qu'il faut nettoyer le sol au moins 2 fois par semaine.

Dans le cas d'un local fortement encombré, il faut théoriquement 60 minutes pour nettoyer 230 m². Donc, la durée théorique de nettoyage d'une surface de 80 m² est de :

$$(60 \times 80) / 230 = 21 \text{ min}$$

Ce qui, pour deux nettoyages par semaine, nécessite : 2 × durée théorique = 42 min

**Q2. Identifier**, après lecture du **DT1**, les solutions techniques associées aux quatre étapes du processus de nettoyage décrites en figure 4 (les fonctions de déplacement et de gestion du processus ne sont pas à prendre en compte).

Étape	Solution technique
n°1	Système d'aspiration et raclette de nettoyage
n°2	Gicleurs
n°3	Brosse rotative
n°4	Manche d'aspiration, filtre et réservoir de stockage

**Q3.** Relever sur le **DT2** le temps nécessaire à l'entretien du robot Scooba après chaque utilisation et **en déduire** le gain de temps domestique que l'utilisateur peut espérer par semaine. **Conclure** sur la pertinence d'acquérir un tel système pour un particulier.

Temps nécessaire à la maintenance après chaque utilisation : 5 min

Donc, pour 2 utilisations par semaine :  $2 \times 5 = 10 \text{ min}$ 

Le gain de temps théorique hebdomadaire est donc : 42 – 10 = 32 min

**Conclusion :** En première analyse, cela revient à un gain de temps de moins de 5 minutes par jour, ce qui est relativement faible. Néanmoins, le calcul étant basé sur une cadence élevée qu'un particulier aura du mal à tenir, il peut donc espérer un gain de temps bien supérieur. D'autres critères seraient aussi à prendre en considération : le coût d'utilisation, le degré de pénibilité des tâches ménagères propre à chaque personne.

## Principe de détection d'obstacle et de vide du robot Scooba

Objectif de cette partie : analyser les solutions retenues pour les détections de vide et d'obstacles du Scooba. Puis déterminer la vitesse de déplacement optimum du robot.

**Q4.** Compléter la partie A du document réponse DR1 « chaîne d'énergie et d'information de la motorisation ».

Voir page 11.

**Q5.** À l'aide des informations fournies à la figure 5, **déterminer**, pour chacune des lignes du tableau de droite, l'état des capteurs ILS des roues ainsi que l'état des capteurs de contact du pare-chocs, et **compléter** le « tableau de valeur de ID7 » sur le document réponse **DR2**.

Voir page 13.

Q6. Proposer deux masques binaires permettant, à partir du contenu de la variable ID7, d'une part, d'isoler l'information « état des ILS de roues » dans une variable nommée « Wheel » et, d'autre part, l'information « état des contacts du pare-chocs » dans une variable nommée « Bump ». En utilisant un opérateur logique simple (ET, OU ou NON), écrire les deux équations logiques qui permettront, d'isoler les informations relatives à l'état des ILS et des capteurs de contact.

Pour isoler les deux bits correspondant aux ILS, le masque binaire sera 0000 1100. Pour isoler les deux bits correspondant aux contacts du pare-chocs, le masque binaire sera 0000 0011. Pour effectuer un masquage de bit en isolant seulement les deux bits souhaités, il suffit d'effectuer un ET logique entre le contenu de la variable ID7 et un des deux masques définis ci-dessus. Donc :

Wheel = ID7 ET 0000 1100<sub>(2)</sub> et Bump = ID7 ET 0000 0011<sub>(2)</sub>

**Q7. Dresser** un tableau récapitulatif des quatre situations possibles concernant le contenu de la variable « Bump » en indiquant, pour chaque cas, l'existence ou la localisation du choc. **Conclure** sur l'intérêt du choix du nombre de capteurs de contact.

Situation	Variable Bump (en hexadécimal)	Localisation du choc
N°1	0x00	Pas de choc
N°2	0x03	Choc avant
N°3	0x01	Choc droit
N°4	0x02	Choc gauche

Avec deux capteurs et l'utilisation d'un masquage de bit, il est possible de déterminer quatre situations. Ce procédé permet ainsi d'économiser un capteur de choc au centre de l'aspirateur pour déterminer les chocs avant.

**Q8.** En observant le pare-chocs du robot Scooba sur les figures 6a et 6b cidessus, préciser le type de choc (choc avant, choc à droite, choc à gauche et pas de choc), et l'état des capteurs de contact.

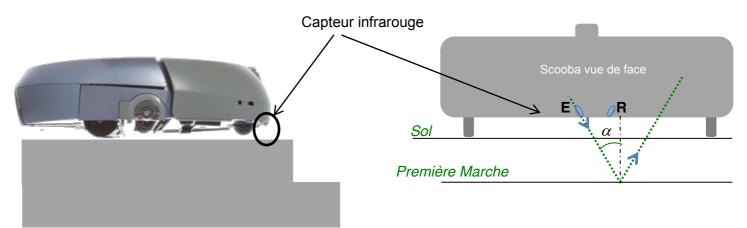
Situation  $n^{\circ}1$ : le Scooba ne rencontre aucun obstacle, le pare-chocs n'est pas soumis aux chocs. Les capteurs de contacts ne sont pas actionnés.

Situation  $n^{\circ}2$ : le Scooba rencontre un obstacle sur l'avant, le pare-chocs est soumis à un choc avant. Il a un mouvement vers l'arrière. Les deux capteurs de contacts sont actionnés.

Situation  $n^{\circ}3$ : le Scooba rencontre un obstacle à droite, le pare-chocs est soumis à un choc à droite. Il se déplace donc vers la gauche. Le capteur de contacts droit est actionné et le capteur de contacts gauche n'est pas actionné.

Situation n°4 : le Scooba rencontre un obstacle à gauche, le pare-chocs est soumis à un choc à gauche. Il se déplace donc vers la droite. Le capteur de contacts droit n'est pas actionné et le capteur de contacts gauche est actionné.

**Q9.** A l'aide d'un schéma et de commentaires, **expliquer** comment le capteur infrarouge détecte la première marche de l'escalier.



Lorsque le signal infrarouge émis par E n'est plus réfléchi par le sol, mais par la première marche, l'angle d'incidence  $\alpha$  augmente substantiellement. De fait, l'angle du rayonnement réfléchi (symétrique de l'angle  $\alpha$  par rapport à la normale) n'est plus dirigé vers le récepteur R. L'absence de détection du signal infrarouge par R permet ainsi d'informer la carte de commande électronique de la présence du vide sous le capteur.

# **Q10. Donner** le nom du type de mouvement du robot Scooba pour chacune des quatre phases.

Phase 1 : mouvement de translation uniformément varié. On constate une variation non linéaire de la position du robot.

Phase 2: mouvement de translation uniforme. On constate une variation linéaire de la position du robot.

Phase 3: mouvement de translation uniformément varié. On constate une variation non linéaire de la position du robot.

Phase 4 : le robot est à l'arrêt. On constate que la position du robot est constante.

Q11. Sur le document réponse DR2, déterminer graphiquement (faire apparaître les constructions) les valeurs de la distance d'arrêt  $\Delta_x = (x_3 - x_2)$  pour les courbes C1 à C7. Compléter, sur le document réponse DR2, le tableau de  $\Delta_x = (x_3 - x_2)$  en fonction de la vitesse  $V_0$ . En déduire la vitesse  $V_0$  à ne pas dépasser pour que le robot Scooba ne chute pas dans les escaliers.

La figure 7 indique que la distance entre le capteur infrarouge et la roue folle est de 3 cm. La distance parcourue par le Scooba après la commande d'arrêt (à t = 2 s) ne doit donc pas dépasser 3 cm. Sur la courbe C5 nous relevons :

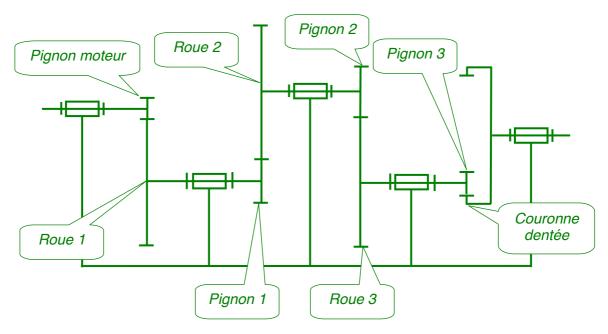
$$(x_3 - x_2) = 45,5 - 42,5 = 3$$
 cm

D'après le tableau de relevés de vitesses, la vitesse du Scooba ne doit donc pas dépasser 21,67 cm·s<sup>-1</sup> pour que le Scooba ne chute pas dans les escaliers.

## Modélisation du comportement dynamique du réducteur de motorisation

Objectif de cette partie : vérifier les performances du réducteur de la nouvelle motorisation du robot Scooba 385 pour valider les dimensions et le matériau des roues dentées qui le composent.

**Q12.** Compléter le schéma cinématique du train d'engrenages ébauché sur le document réponse **DR3**.



Q13. Après avoir consulté les caractéristiques géométriques des roues et pignons dentés sur le document technique **DT3**, ainsi que les valeurs du couple et de la vitesse angulaire en sortie de réducteur, **calculer** les valeurs du couple et de la vitesse angulaire à la sortie du moteur. **Conclure** sur l'intérêt d'intercaler un réducteur entre le moteur et la roue.

## Calcul de la vitesse angulaire du moteur

 $\omega_{\text{moteur/0}} = \omega_{\text{S/0}} \times (Z_{\text{roue 1}} \times Z_{\text{roue 2}} \times Z_{\text{roue 3}} \times Z_{\text{couronne}}) / (Z_{\text{pignon moteur}} \times Z_{\text{pignon 1}} \times Z_{\text{pignon 2}} \times Z_{\text{pignon 3}}) = 10,7 \times (30 \times 44 \times 44 \times 31) / (14 \times 15 \times 15 \times 10) = 611,6 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ 

### Calcul du couple moteur

 $\eta = 1 \text{ donc}$ :  $C_{\text{moteur}} = C_1 \times \omega_{1/0} / \omega_{\text{moteur/0}}$ 

et :  $C_1 = C_2 \times \omega_{2/0} / \omega_{1/0}$ ;  $C_2 = C_3 \times \omega_{3/0} / \omega_{2/0}$ ;  $C_3 = C_S \times \omega_{S/0} / \omega_{3/0}$ 

d'où :  $C_{\text{moteur}} = C_S \times \omega_{S/0} / \omega_{\text{moteur/0}} = 1,3 \cdot 10^{-3} \text{ N} \cdot \text{m}$ 

Le réducteur augmente ainsi le couple en réduisant corrélativement la fréquence de rotation à sa sortie. Le réducteur permet donc de « transférer » la puissance du moteur sur la variable d'effort (couple, ici) plutôt que sur la variable de flux (fréquence de rotation). La puissance transmise est globalement faible et le choix d'un moteur électrique d'encombrement minimal est adapté.

**Q14. Déterminer** le type de sollicitation (traction ou compression) dans la zone de contrainte maximale. **Relever** la valeur de la contrainte maximale en  $N \cdot m^{-2}$  et la **comparer** avec la valeur de limite d'élasticité du matériau. **Conclure** sur la capacité de la dent à résister à la charge. **Expliquer** la notion de coefficient de sécurité dans le domaine de la résistance des matériaux. À l'aide des résultats de la simulation, **valider** la valeur du coefficient de sécurité affiché par le logiciel dans son rapport d'analyse.

La contrainte maximale est située dans une zone où la matière s'étire, il s'agit donc d'une sollicitation en traction.

La contrainte maximale relevée est de 2,583·10<sup>6</sup> N·m<sup>-2</sup>. Elle est très inférieure à la limite d'élasticité du matériau qui vaut 1,036·10<sup>8</sup> N·m<sup>-2</sup>. La dent résistera donc *a priori* sans problème à la charge.

Le coefficient de sécurité a pour but de prendre une marge de sécurité entre le calcul théorique et la réalité. Il permet de prendre en compte la possibilité d'une utilisation inadaptée du système pouvant entraîner une surcharge.

D'après le rapport d'analyse, le coefficient de sécurité le plus bas trouvé dans le modèle est de 40,1204. Cela correspond à la zone de contrainte maximale :

 $C_S$  = limite d'élasticité matériau / contrainte maximale = 1,036·10<sup>8</sup> / 2,583·10<sup>6</sup> = 40,1

**Q15. Proposer** une explication à cet écart, ainsi que les conséquences que l'on peut en tirer sur la conception de ce réducteur.

L'étude précédente a été menée avec l'hypothèse d'un rendement égal à 1 mais cela n'a qu'une faible incidence sur le résultat puisque le pignon 3 est situé en sortie de réducteur.

Par ailleurs, la figure 13, qui présente le modèle d'étude, montre que la charge est appliquée sur la totalité du flanc de denture alors qu'elle devrait plutôt être linéaire.

Néanmoins, cela n'explique pas l'importance de l'écart constaté. Le pignon 3 semble donc surdimensionné.

Pour optimiser les coûts de réalisation, puisqu'il s'agit d'une production en grande série, réduire la largeur du pignon et donc la quantité de matière utilisée pourrait donc présenter un intérêt économique.

### Principe de déplacement du robot Scooba et choix de la motorisation

Objectif de cette partie : Valider la solution retenue pour le déplacement du Scooba tout en respectant la contrainte d'encombrement.

**Q16.** Compléter la partie C du document réponse **DR1** « chaînes d'énergie et d'information partielles ».

Voir page 11.

**Q17.** Sur le document réponse **DR4**, **tracer**, pour trois cas de figure, les trajectoires  $T_{K \in 1/0}$  et  $T_{J \in 1/0}$  des points K et J du robot par rapport au sol, puis les vecteurs vitesses  $\vec{v}(K,1/0)$  et  $\vec{v}(J,1/0)$  avec  $\|\vec{v}(K,1/0)\| = \|\vec{v}(J,1/0)\| = 30 \,\mathrm{cm} \cdot \mathrm{s}^{-1}$ . **En déduire** le sens de rotation (positif ou négatif selon  $\vec{y}_1$ ) des deux roues motrices en complétant pour chaque cas le document réponse **DR4**.

Voir tracés page 12.

$$\|\vec{v}(J,1/0)\| = \|\vec{v}(K,1/0)\| = 30 \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$$

Avec une échelle de  $1 \text{cm} \Leftrightarrow 10 \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$ , les vecteurs représentés doivent mesurer 3 cm.

**Q18.** Calculer le couple moteur  $C_{Moteur}$ . Sachant que la vitesse de rotation des roues du robot Scooba est de  $N_{Roue} = 100 \, \mathrm{tr \cdot min^{-1}}$ , calculer la vitesse de rotation du moteur  $N_{Moteur} (\mathrm{tr \cdot min^{-1}})$ . En déduire la puissance utile en sortie du moteur. À partir des extraits d'un catalogue constructeur fournis dans le document technique **DT5**, choisir une référence de moteur répondant à toutes les exigences.

Calcul du couple moteur (pour deux moteurs) :

$$C_{moteurs} = 2 \times \frac{C_s}{\eta_{r\'educteur}} \times r_{R\'educteur} = 2,95 \text{ mN} \cdot \text{m}$$

Calcul de la vitesse de rotation des moteurs :

$$N_{Moteur}(\text{tr} \cdot \text{min}^{-1}) = \frac{N_{Roue}}{r_{Réducteur}} = 5716 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$$

Calcul de la puissance utile en sortie d'un seul moteur :

$$P_u = C_{moteur} \times \omega_{moteur}$$

avec 
$$\omega_{moteur} = \frac{\pi \times N_{moteur}}{30} = 598,58 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

Donc,

$$P_u = \frac{598,58 \times 2,95}{2} = 882,9 \,\text{mW}$$

En comparant les résultats des calculs avec les données techniques fournies dans le document technique DT5, on conclut que le moteur de référence FK 280PA 10400 convient pour cette application car :

- $C_{Moteur} = 3,38 \text{ mN} \cdot \text{m} > 1,5 \text{ mN} \cdot \text{m}$
- $N_{Moteur}(\text{tr} \cdot \text{min}^{-1}) = 7360 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1} > 5716 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$
- tension alimentation comprise entre 8 V et 24 V (compatible avec l'application souhaitée);
- encombrement du corps du moteur 30,5 mm × 24,2 mm < 35 mm × 45 mm (compatible avec le volume disponible dans le Scooba);
- choix du moteur sur la consommation de courant de 0,19 A (c'est le moteur qui a la plus faible consommation parmi les trois présentés dans le document technique DT5).

## Contrôle angulaire des roues motrices

Objectif de cette partie : mettre au point un contrôle des positions angulaires des roues motrices afin de corriger un éventuel défaut de trajectoire.

**Q19.** Compléter la partie D du document réponse **DR1** « chaîne d'énergie et d'information de la motorisation ».

Voir page 11.

Q20. En utilisant les informations fournies à la figure 16, calculer le nombre d'impulsions reçu par la carte électronique du robot Scooba pour un tour de roue. En déduire la précision du contrôle qui est la distance parcourue pour une impulsion du codeur.

D'après les informations fournies sur la figure 16, un tour de roue permet au codeur de générer  $7 \times 57 = 399$  impulsions.

Ce qui correspond à une précision de contrôle du codeur de :

$$Pr\acute{e}cision = \frac{p\acute{e}rim\grave{e}tre_{roue}}{399} = \frac{\pi \times 4.3}{399} = 0.0338 \, \text{cm}$$

**Q21. Compléter**, sur le document réponse **DR5**, en s'appuyant sur les données qui y figurent, l'algorithme qui illustre le principe de contrôle de la trajectoire rectiligne du robot Scooba.

Consigne de déplacement en ligne droite sur 50 cm. Ceci permet de calculer le nombre d'impulsions à transmettre au codeur :

$$N_{impulsions} = \frac{50}{0.0338} = 1479 \text{ impulsions}$$

L'écart d'avance toléré entre les deux roues motrices étant de 5 mm soit, il faut ramener ce chiffre en nombre d'impulsions :

$$\frac{0.5}{0.0338} \approx 15$$
 impulsions

Algorithme de contrôle des roues motrices complété pour les données suivantes :

- Valeur Finale Codeur = 1477;
- contrôle de l'écart entre les deux roues motrices = 15 impulsions.

```
Codeur Droit = 0;
Codeur Gauche = 0;
Valeur_Finale_Codeur = 1477;
Répéter
     Lire Codeur_Droit;
     Lire Codeur Gauche;
     Delta = Codeur_Droit - Codeur_Gauche;
 Test_Roue_Gauche_en_avance
     Si Delta <-15 Alors
           Commander Roue Droite;
           Stopper_Roue_Gauche;
     Fin si;
 Test_Roue_Droite_en_avance
     Si Delta > 15 Alors
           Commander Roue Gauche;
           Stopper Roue Droite;
     Fin si;
 Test_Delta_OK
     Si -15 < Delta < 15 Alors
           Commander Roue Gauche;
           Commander_Roue_Droite;
     Fin si;
     Lire Codeur Droit;
Jusqu'à Codeur Droit ≥ Valeur Finale Codeur;
```

### Conclusion et synthèse

Objectif de cette partie : **Proposer** une stratégie d'échappement aux situations de dysfonctionnement du robot Scooba.

**Q22.** Compte tenu des choix de conception qui ont été adoptés et décrits dans les différentes parties du sujet, **décrire** les situations qui peuvent conduire à un dysfonctionnement du robot Scooba. **Proposer** alors des stratégies d'échappement aux situations identifiées.

#### Partie 2

La détection d'obstacle ne précise pas la stratégie d'évitement pour le robot (en dehors de cet angle de « rebond » de 40°). Que se passe-t-il par exemple si le robot arrive dans un coin de la pièce, en tapant alternativement à gauche et à droite. Va-t-il s'enfermer ou son algorithme prévoit-il une marche arrière ?

La détection de vide est frontale. Si le robot arrive sur une marche avec un angle incident important, c'est une roue motrice qui risque de rencontrer le vide.

#### Partie 3

Le changement de transmission pour une transmission directe n'assure plus de fonction limiteur de couple. Si la roue se bloque, ou lorsque le robot s'arrête sur un obstacle, les engrenages ne vont pas glisser comme pouvait le faire la courroie sur la poulie, il faut donc prévoir une solution pour protéger le moteur dans cette situation.

#### Partie 5

Si on souhaite contrôler le déplacement en mesurant le déplacement angulaire du moteur, comment sera gérée la perte d'adhérence d'une roue motrice sur une tâche d'huile ou de graisse dans la cuisine ?

## **Document technique DT1: documentation MabuchiMotor**



# FC-FK-280PA/SA

**MABUCHI MOTOR** 

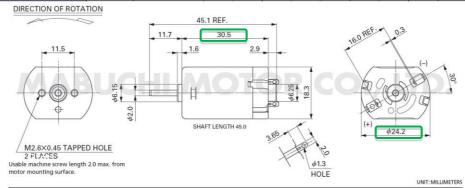
Carbon-brush motors

OUTPUT: 0.4W~19W (APPROX)

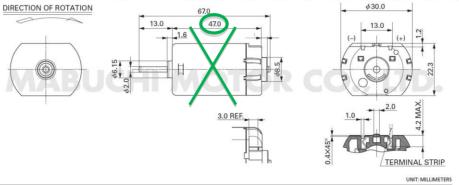
WEIGHT: 35g (APPROX)

Typical Applications Home Appliances

		VOLTAGE		NO LOAD		AT MAXIMUM EFFICIENCY				STALL		
MODEL	OPERATING	NOMINAL	SPEED	CURRENT	SPEED	CURRENT	TORQUE OUTPUT		OUTPUT	TORQUE		CURRENT
	RANGE	NOMINAL	r/min	A	r/min	Α	mN-m	g-cm	W	mN-m	g-cm	Α
FK-280PA-18165	10~15	12V CONSTANT	10500	0.090	9000	0.54	4.12	42.0	3.88	28.9	295	3.25
FK-280PA-10400	8~24	24V CONSTANT	8900	0.040	7360	0.19	3.38	34.5	2.60	19.6	200	0.92
FK-280SA-18165	10~15	12V CONSTANT	12300	0.075	10710	0.50	3.40	34.7	3.81	26.3	268	3.40

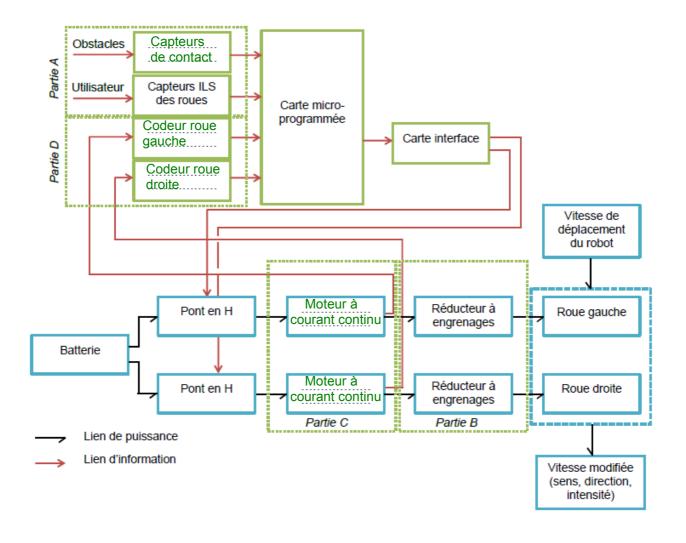


MODEL			VOLTAGE		NO LOAD		AT MAXIMUM EFFICIENCY				STALL		
		OPERATING	NOMINAL	SPEED	CURRENT	SPEED	CURRENT	TOR	QUE	OUTPUT	TOR	QUE	CURRENT
		RANGE		r/min	A	r/min	Α	mN-m	g-cm	W	mN-m	g-cm	A
FC-280PC-22125	(*1)	8~16	12V CONSTANT	12500	0.090	11090	0.71	4.76	48.6	5.52	42.2	430	5.56
FC-280SC-18180		8~16	12V CONSTANT	9600	0.070	8270	0.43	3.95	40.3	3.42	28.5	291	2.70
FC-280SC-20150		8~16	12V CONSTANT	11800	0.081	10310	0.56	4.14	42.2	4.47	32.9	335	3.90
FC-280SC-16220		8~16	12V CONSTANT	7900	0.055	6780	0.33	3.27	33.3	2.32	23.0	234	2.00



## Document réponse DR1 : chaînes d'énergie et d'information partielles

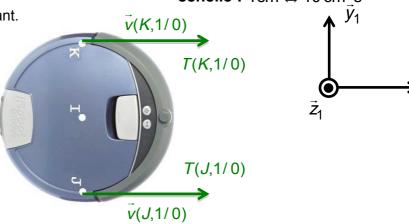
- **Q4.** Compléter la partie A du document réponse DR1 « chaînes d'énergie et d'information de la motorisation ».
- **Q16.** Compléter la partie C du document réponse **DR1** « chaînes d'énergie et d'information partielles ».
- **Q19.** Compléter la partie D du document réponse **DR1** « chaîne d'énergie et d'information de la motorisation ».



## Document réponse DR4 : principe de déplacement

Premier cas : translation de direction  $\vec{x}_1$  vers l'avant.

échelle : 1cm ⇔ 10 cm⋅s<sup>-1</sup>

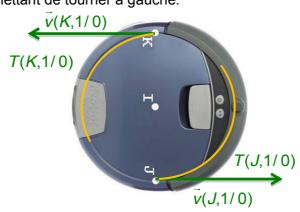


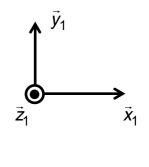
Sens de rotation de la roue droite : rotation dans le sens positif. Sens de rotation de la roue gauche : rotation dans le sens positif.

Deuxième cas :

**Échelle**:  $1 \text{cm} \Leftrightarrow 10 \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$ 

rotation d'axe  $(I, \vec{z}_1)$  permettant de tourner à gauche.



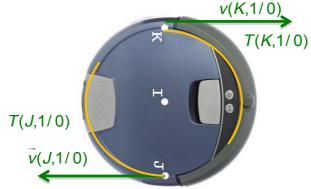


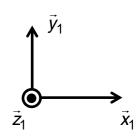
 $\vec{x}_1$ 

Sens de rotation de la roue droite : rotation dans le sens positif. Sens de rotation de la roue gauche : rotation dans le sens négatif.

Troisième cas : Échelle :  $1 \text{cm} \Leftrightarrow 10 \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$ 

rotation d'axe  $(I, \vec{z}_1)$  permettant de tourner à droite.





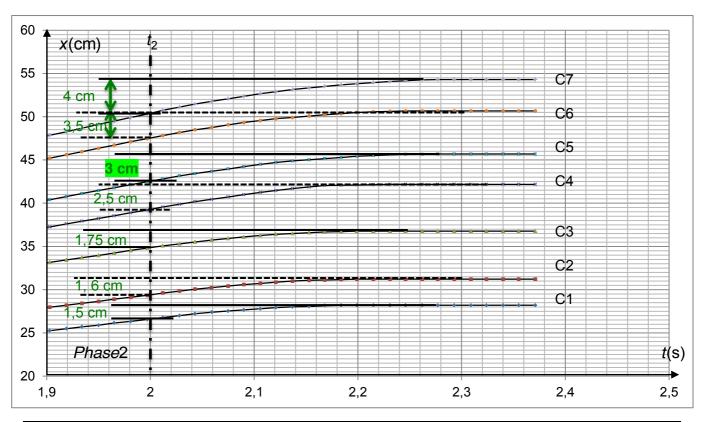
Sens de rotation de la roue droite : rotation dans le sens négatif. Sens de rotation de la roue gauche : rotation dans le sens positif.

## Document réponse DR2 :

Tableau de valeur de ID7

Octe	Octet reçu		Octet reçu		Roue droite	Contact gauche	Contact droit
Hexa	Binaire	Soulevée / Non soulevée	Soulevée / Non soulevée	Activé / Non activé	Activé / Non activé		
0x00	00000000	Non soulevée	Non soulevée	Non activé	Non activé		
0x0C	00001100	Soulevée	Soulevée	Non activé	Non activé		
0x0B	00001011	Soulevée	Non soulevé	Activé	Activé		
0x04	00000100	Non soulevée	Soulevée	Non activé	Non activé		

## « Zoom » sur la mesure de position en fonction de la vitesse $V_0$ :



Courbes	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7
$V_0(\text{cm}\cdot\text{s}^{-1})$	13,84	15,12	17,87	20,18	21,67	24,25	25,96

# Tableau de $\Delta_x = (x_3 - x_2)$ en fonction de la vitesse $V_0$ :

$V_0(\text{cm}\cdot\text{s}^{-1})$	$_{x} = (x_{3}  x_{2})(cm)$				
13,84	1,5				
15,12	1,6				
17,87	1,75				
20,18	2,5				
21,67	3				
24,25	3,5				
25,96	4				